

ANALÍZIS 2. VIZSGATÉTELEK 2006. május

1. Pontok, pontsorozatok \mathbf{R}^2 -ben. Korlátosság, konvergencia. Halmazok típusai. Pontok osztályozása. Polárkoordináták Kétváltozós függvények értelmezése, példák **Folytonosság, sorozatfolytonosság.** Példa folytonos és nem folytonos függvényre. Egyenletes - és Lipschitz - folytonosság.

2. Függvény határértéke. Korlátos és zárt halmazon folytonos függvények tulajdonságai. **Parciális deriváltak.** Geometriai jelentés. Parciális deriváltak és folytonosság. Magasabb rendű parciális deriváltak. Parciális deriválások sorrendje, felcserélhetősége.

3. Teljes differenciálhatóság. Kapcsolat a parciális deriváltakkal. Érintősík. Iránymenti derivált. **Második derivált,** Hesse mátrix. Láncszabály, speciális esetek.

4. Implicit függvény tétel. Lokális és globális szélsőérték. **Szükséges ill. elégséges feltétel lokális szélsőértékre.** Stacionárius pont, nyeregpont. Általánosítás magasabb dimenzióban. Lagrange-féle középérték tétel.

5. Feltételes szélsőérték. Lagrange-féle multiplikátor szabály. Függvény rendszerek, koordináta-transzformáció. **Jacobi mátrix.** Invertálhatóság, differenciálhatóság. Jacobi determináns. Taylor formula.

6. Jordan mérték \mathbf{R}^2 -ben. Mérhető halmazok. Példa nem mérhető halmazra. Riemann integrál kétdimenziós mérhető tartományon. Az integrál alaptulajdonságai. Kettős integrál kiszámítása. **Integrálás téglalap alakú tartományon, ill. normál tartományon.**

7. Helyettesítés integrálban. Általános koordináta-transzformáció. **Gömbi polárkoordináták.** Improprius integrálok: integrálás nem korlátos tartományon ill. nem korlátos függvény integrálja. Hatványfüggvény integrálja.

8. Vonalgörbe) definíciója \mathbf{R}^2 -ben és \mathbf{R}^3 -ban. Kétváltozós valós függvény integrálja vonal mentén. **Vektormező integrálja görbe mentén.** Potenciálkeresés. Potenciál létezésének szükséges és elégséges feltétele.

9. Felület, általános és speciális eset. Felületi integrál. Kiszámítása. **Laplace transzformáció.** Alaptulajdonságok. Alkalmazás differenciálegyenlet megoldására.

10. Fourier sor. Trigonometrikus rendszer ortogonalitása. **Fourier együtthatók, valós- és komplex alak.** Derivált függvény Fourier sora. Fourier sor konvergenciája. Fourier együtthatók nagyságrendje.

11. Fourier transzformáció. Alaptulajdonságok. Alaptétel és ennek magyarázata. **Inverz Fourier transzformáció.** Parseval egyenlet. Időtartomány és frekvenciatartomány kapcsolata. Konvolúció. Dirac delta függvény.

12. Komplex függvény, ábrázolás. Kanonikus alak. Elemi függvények kiterjesztése: e^z , $\text{Ln}(z)$, $\sin(z)$, $\cos(z)$, z^λ . Határérték. Folytonosság. **Komplex függvény differenciálhatósága. Cauchy-Riemann egyenletek.**

13 Komplex vonalintegrál, alaptulajdonságok. Integrál kiszámítása. **Cauchy-féle alaptétel** (analitikus függvény vonalintegráljáról). Cauchy -féle integrálformula. **Taylor sorfejtés analitikus függvényre.** Zérus és pólus, residuum. **Laurent sorfejtés.** Szingularitások osztályozása

14. Általános elsőrendű DE. Megoldások függetlensége. Wronsky determináns. **Magasabb rendű lineáris DE-k. Lineáris DE általános megoldása, homogén és inhomogén eset.** DE rendszerek. Állandó együtthatós lineáris DER általános megoldása.

15.Állandó együtthatós PDE-k. Peremérték feladat. Fourier -módszer: változók szétválasztásának módszere. Elliptikus PDE: Laplace egyenlet, Poisson egyenlet. . Harmonikus függvények. Harmonikus társ. Hiperbolikus PDE: hullámegyenlet. Parabolikus PDE: hővezetés egyenlete.