

## FOURIER-TRANSZFORMÁCIÓ

$$\mathcal{F}(f(x) + g(x); s) = \mathcal{F}(f(x); s) + \mathcal{F}(g(x); s) \quad \mathcal{F}(c \cdot f(x); s) = c \cdot \mathcal{F}(f(x); s) \quad (c \in \mathbb{C})$$

$$\mathcal{F}(f(ax); s) = \frac{1}{a} \mathcal{F}(f(x); \frac{s}{a}) \quad (a > 0) \quad \mathcal{F}(f(-x); s) = \mathcal{F}(f(x); -s)$$

$$\mathcal{F}(f(x - x_0); s) = e^{-isx_0} \cdot \mathcal{F}(f(x); s) \quad \mathcal{F}(e^{i\omega_0 x} \cdot f(x); s) = \mathcal{F}(f(x); s - \omega_0)$$

$$\mathcal{F}(x \cdot f(x); s) = i \cdot \frac{d}{ds} \mathcal{F}(f(x); s) \quad \mathcal{F}(f'(x); s) = is \cdot \mathcal{F}(f(x); s)$$

Alap-Fourier-transzformáltak:

$$\mathcal{F}(e^{-|x|}; s) = \sqrt{\frac{2}{\pi}} \cdot \frac{1}{1 + s^2}$$

$$\mathcal{F}(e^{-x^2/2}; s) = e^{-s^2/2}$$

---

## LAPLACE-TRANSZFORMÁCIÓ

$$\mathcal{L}(f(x) + g(x); s) = \mathcal{L}(f(x); s) + \mathcal{L}(g(x); s) \quad \mathcal{L}(c \cdot f(x); s) = c \cdot \mathcal{L}(f(x); s) \quad (c \in \mathbb{C})$$

$$\mathcal{L}(f(ax); s) = \frac{1}{a} \mathcal{L}(f(x); \frac{s}{a}) \quad (a > 0) \quad \mathcal{L}(f(x - x_0); s) = e^{-sx_0} \cdot \mathcal{L}(f(x); s)$$

$$\mathcal{L}(e^{ax} \cdot f(x); s) = \mathcal{L}(f(x); s - a) \quad \mathcal{L}((f * g)(x); s) = \mathcal{L}(f(x); s) \cdot \mathcal{L}(g(x); s)$$

$$\mathcal{L}(xf(x); s) = -\frac{d}{ds} \mathcal{L}(f(x); s) \quad \mathcal{L}(f'(x); s) = s \cdot \mathcal{L}(f(x); s) - f(0)$$

Alap-Laplace-transzformáltak:

$$\mathcal{L}(1; s) = \frac{1}{s}$$

$$\mathcal{L}(e^{ax}; s) = \frac{1}{s - a}$$

$$\mathcal{L}(x^n; s) = \frac{n!}{s^{n+1}}$$

$$\mathcal{L}(\delta(x); s) = 1$$