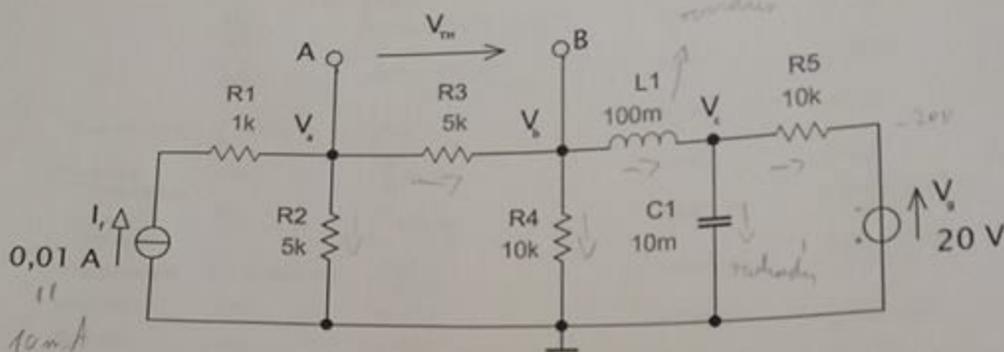


## 1. FELADAT - DC példa

A DC generátorokat  $t = -\infty$ -ben (az-az nagyon régen) bekapcsoltuk. Válaszoljon az alábbi kérdésekre!



1.1 Írja le Kirchhoff Hurok törvényét (általánosan)! (10 pont) 8

Egy hurokban eső feszültségek algebrai összege 0.  
 $\sum x_i = 0$

1.2 Írja le az aktív alkatrész definícióját! (10 pont) 0

Struktúra alkatrész, melyet az áramforrás generál az áramkörben.

1.3 A jelölt mérőirányok mellett írja fel a csomóponti potenciálok módszerével az áramkört leíró általános egyenletrendszer! (25 pont) 25

$$V_A: I_s - \frac{V_A}{R_2} - \frac{V_A - V_B}{R_3} = 0 \quad V_B = V_C$$

$$V_B: \frac{V_A - V_B}{R_3} - \frac{V_B}{R_4} - \frac{V_B - V_C}{R_5} = 0$$

$$V_C = 20$$

$$V_A = 30$$

$$40 \text{ mA} - \frac{V_A}{5} - \frac{V_A}{5} + \frac{V_B}{5} = 50 \quad -2V_A + V_B = 50$$

$$2V_A - V_C = 50$$

$$\frac{V_A}{5} - \frac{V_C}{5} - \frac{V_C}{10} - \frac{V_C}{10} + \frac{-20}{10} = 2V_A - 4V_C - 20 = 0$$

$$2V_A - 4V_C = 20$$

$$13V_C = 20$$

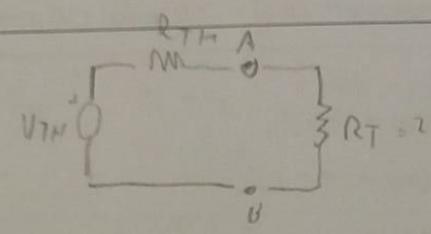
Diágnév: <u>OROSZ ÁRON</u>	NEPTUN kódja: <u>P21VA1</u>
Gyakorlatvezető neve:	Gyak. csop. száma:
	Gyak. kezdési időpontja:

1.4 Oldja meg az előző pontban meghatározott egyenletrendszer és határozza meg az eredményeket ( $V_a$ ,  $V_b$  és  $V_c$ ) azok mértékegységével együtt! (25 pont) 25

$V_a = \underline{30V}$  ✓  
 $V_b = \underline{10V}$  ✓  
 $V_c = \underline{10V}$  ✓

1.5 Határozza meg A és B pont közötti Thevenin helyettesítő kép értékeit ( $V_{TH}$  és  $R_{TH}$ ) azok mértékegységével együtt! (20 pont) 15

$V_{TH} = V_A - V_B = 20V$  ✓  
 $R_{TH} = 3,33\Omega$

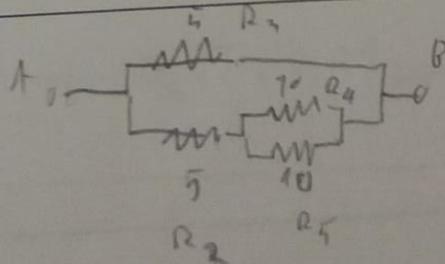
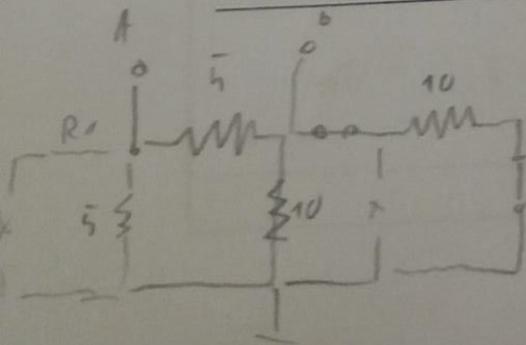


$V_T = I_T \cdot R_T$   
 $I_T = \frac{V_{TH}}{R_{TH} + R_T}$

1.6 Határozza meg az A és B pontok között kivethető maximális teljesítményt! mekkora terhelő ellenállás szükséges ehhez? (10 pont) 5

$P_{MAX} = \frac{20 \cdot 20}{4 \cdot 3,33} = 66,6W$  ✓  ~~$= \left(\frac{V_{TH}}{R_{TH} + R_T}\right)^2 \cdot R_T = \underline{30W}$~~  30mW  
 $R_T = \underline{3,33\Omega} (= R_{TH})$

Részletszámítások:



$$(R_3 \parallel R_4 + R_2) \parallel R_1 = R_T$$

$$\frac{10 \cdot 10}{10 + 10} = (5 + 5) \parallel 5$$

$$10 \parallel 5$$

$$\frac{10 \cdot 5}{10 + 5} = 3,33$$

Hallgató neve: JROSZ ÁRON

NEPTUN kódja: 021UA1

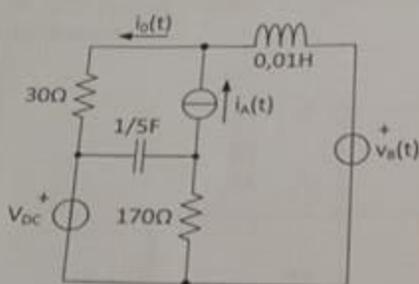
Gyakorlatvezető neve:

Gyak. csop. száma:

Gyak. kezdési időpontja:

### AC FELADAT

Állandósult állapotú AC hálózat megoldása szuperpozíció módszerével.



$$V_{DC} = 24V$$

$$i_A(t) = 2\sqrt{2} \cos(200t - 40^\circ) A$$

$$v_B(t) = 12\sqrt{2} \cos(200t + 90^\circ) V$$

2.1 Határozza meg az áramköri elemek komplex frekvencia-tartománybeli értékeit. impedanciáit, ha  $\omega = 200 \text{ rad/s}$ ! (30 pont) 30

$$Z_{R30}(j\omega) = 30 \Omega$$

$$V_{DC}(j\omega) = 24 \angle 0^\circ [V]$$

$$Z_{R170}(j\omega) = 170 \Omega$$

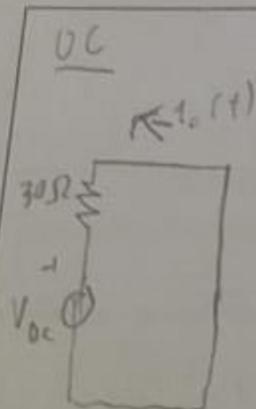
$$V_B(j\omega) = 12 \angle 90^\circ [V]$$

$$Z_L(j\omega) = j\omega L = 2j [\Omega]$$

$$I_A(j\omega) = 2 \angle -40^\circ [A]$$

$$Z_C(j\omega) = \frac{1}{j\omega C} = -0,025j [\Omega]$$

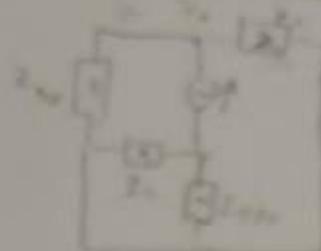
2.2 Rajzolja fel az egyes forrásokhoz tartozó részhálózatokat (csak az adott hálózathoz érdemben tartozó elemekkel) a helyes irányok feltüntetésével! FIGYELEM! Minden részhálózathoz csak 1 forrás tartozzon! (15 pont) 15



$$i_0(t) = \frac{V_{DC}}{R_{DC}} = \frac{24}{30} = 0,8 A$$

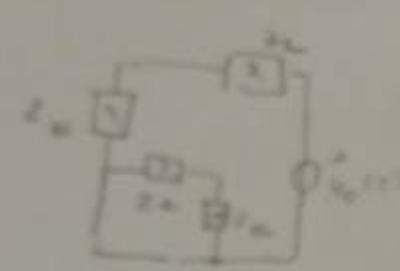
Hallgató neve: <u>OROSI Ádám</u>	NEPTUN kódja: <u>V110A1</u>
Gyakorlatvezető neve:	Gyak. csoport neve:
	Gyak. kezdési időpontja:

$$V_{bc} = 1, V_{cb} = 0$$



$$I_1 = \frac{V_{bc}}{Z_L + Z_{L2}} = \frac{1}{2 + 2} = 0,25 \text{ A}$$

$$V_{bc} = 0, I_{bc} = 0$$



$$I_2 = \frac{V_{bc}}{Z_L + Z_{L2}} = \frac{0}{2 + 2} = 0,40 \text{ A}$$

2.3 Számolja ki az egyes részállományokhoz tartozó  $I_1$  részmegoldásokat! (40 pont) **35**

**5**  $I_{11}(\omega) = 0,2 \text{ A}$

**15**  $I_{12}(\omega) = 0,133 \angle 46,9^\circ \text{ [A]}$

**15**  $I_{13}(\omega) = 0,40 \angle 95,7^\circ \text{ [A]}$

$\left. \begin{array}{l} 0,133 \angle 46,9^\circ \text{ [A]} \\ 0,40 \angle 95,7^\circ \text{ [A]} \end{array} \right\} 0,51 \angle 76,5^\circ \text{ [A]}$

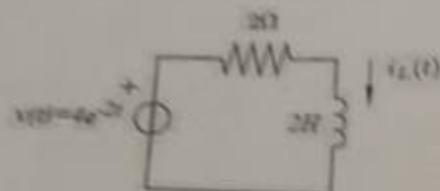
2.4 Határozza meg az  $I_0 = I_{11} + I_{12} + I_{13}$  áram értékét az ábrarészletben! (15 pont) **10**

$$I_0(t) = 0,2 + \sqrt{2} \cdot 0,51 \cos(200t + 76,5^\circ) \text{ [A]}$$

Hallgató neve: <u>OROSZ ÁROK</u>	NEPTUN kódja: <u>P29UAJ</u>
Gyakorlatvezető neve:	Gyak. csoport száma:
	Gyak. kezdési időpontja:

**FELADAT:**

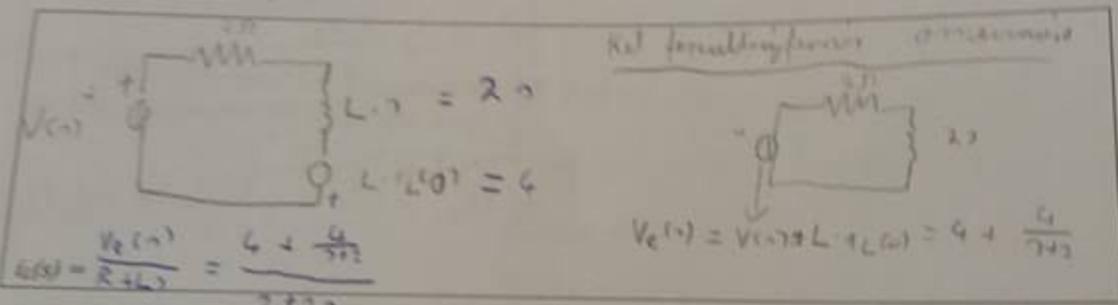
Laplace transzformáció segítségével határozza meg a  $i_L(t)$  értékét a  $t > 0$  szakaszon.



$$V(s) = 4 e^{-2t} \rightarrow V(s) = \frac{4}{s+2}$$

$$I_L(s) = i_L(s) = \frac{1}{2} I(s) = \frac{V(s)}{2} = \frac{2 e^{-2t}}{s+2} = \underline{2 \Lambda}$$

Határozza meg a kapcsolás  $x$  tartományú helyettesítő képét és az induktivitás áramának  $i_L(x)$  leírófüggvényét! (20 pont)



Számítsa ki az  $i_L(s)$  eredményfüggvényt hatványfüggvényes alakban! (10 pont)

$$I_L = \frac{4 + \frac{4}{s+2}}{2 + \frac{2}{s}}$$

Határozza meg az inverz Laplace transzformálható  $i_L(s)$  eredményfüggvényt parciális részf törtre bontás után! (20 pont)

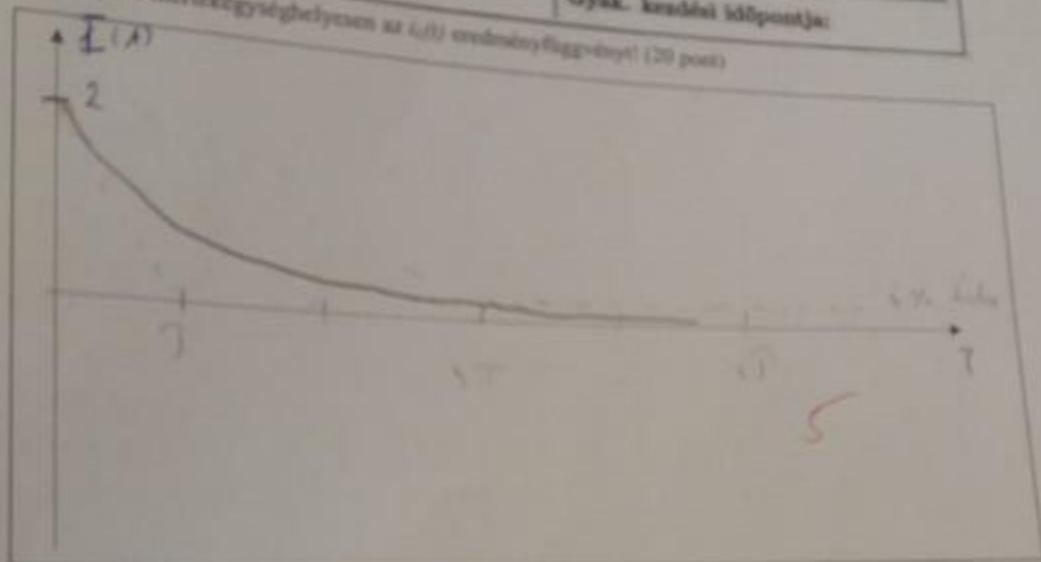
$$I_L(s) = \frac{2}{s+1} + \frac{-2}{s+2} + \frac{2}{s+1} = \frac{4}{s+1} - \frac{2}{s+2}$$

Transzformálja az eredményt időtartományra és adja meg az  $i_L(t)$  eredményfüggvényt! (30 pont)

$$i_L(t) = 2e^{-t} - 2e^{-2t} + 2e^{-t} = \underline{4e^{-t} - 2e^{-2t}}$$

Hallgató neve: <u>OP052 AP08</u>	NEPTUN kódja: <u>P170A7</u>
Gyakorlatvezető neve:	Gyak. csoport száma:
	Gyak. kezdési időpontja:

Rajzolja le mértékegységben az  $i(t)$  időáramfolygást! (20 pont)



$$\frac{4^t}{2+2^t} = \frac{2}{1+t} = 2 e^{-t}$$

$$\frac{4}{2+2^t} = \frac{4}{2(1+2^{t-1})} = \frac{2}{(1+2^{t-1})} = \frac{A}{1+t} + \frac{B}{1+2^t} = \frac{-2}{1+2^t} + \frac{2}{1+t}$$

$$A(1+2^t) + B(1+t) = \frac{A}{1+t} + \frac{B}{1+2^t} + A + 2B$$

$$1=0 \Rightarrow A+B=0$$

$$A = -B$$

$$A + 2B = 2$$

$$B = 2$$

$$A = -2$$

$$= -2 e^{-2^t} + 2 e^{-t}$$

$$\frac{-2}{1+2^t} + \frac{2}{1+t} = \frac{-2(1+t) + 2(1+2^t)}{(1+2^t)(1+t)} = \frac{-2-2t+2+2^{t+1}}{(1+2^t)(1+t)} = \frac{2^{t+1}-2t}{(1+2^t)(1+t)}$$

4. FELADAT

Az alábbi ábrán megjelenített ábránál megadott NMOS-tervezési adatok és típusjelölés alapján

$T_1$	$I_{Dsat} = 1.5 \text{ mA}$ , $V_{GS} = -1 \text{ V}$ és $V_{DS} = 10 \text{ V}$
$T_2$	$V_{GSsat} = -0.5 \text{ V}$ és $I_D = 0$



- $R_1 = 1.5 \text{ k}\Omega$
- $R_2 = 200 \text{ k}\Omega$
- $R_D = 1.5 \text{ k}\Omega$
- $R_S = 1.5 \text{ k}\Omega$
- $R_3 = 10 \text{ k}\Omega$
- $R_4 = 2 \text{ k}\Omega$
- $C_1 = 10 \text{ }\mu\text{F}$
- $C_2 = 100 \text{ }\mu\text{F}$
- $C_3 = C_4 = 20 \text{ }\mu\text{F}$
- $V_{DD} = +5 \text{ V}$

(4.1) Rajzolja le a  $T_1$  és  $T_2$  MOS-tervezési adatok alapján megadottakból a kapcsolás ábrájához tartozó ábrákra megadott feladatokat! (M + T). Számítsa ki a kimeneti ábrák mértékét! (2 + 1 = 30 pont)

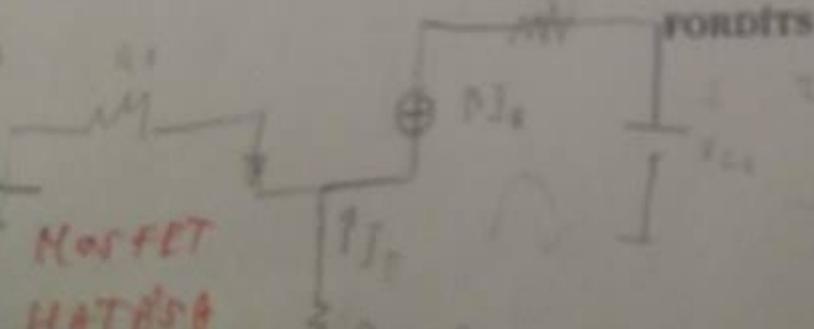
Kérem a feladatokat! Kérem:

Handwritten notes:  $I_D$  ábrák,  $I_D$  ábrák,  $I_D$  ábrák

(4.2) A megadott ábrák alapján adja meg a  $T_2$  MOS-tervezési adatok alapján  $I_D$  ábrák mértékét, valamint  $V_{DS}$  kimeneti feszültséget! (2 + 10 = 20 pont)

$I_D = 0.427 \text{ mA}$ 
 $V_{DS} = 9.91 \text{ V}$

$I_D = (V_{GS} - V_{th})^2$



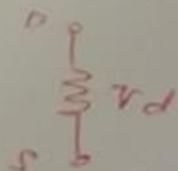
Handwritten calculations:

$$I_D = \frac{1}{2} \mu_n C_{ox} \frac{W}{L} (V_{GS} - V_{th})^2$$

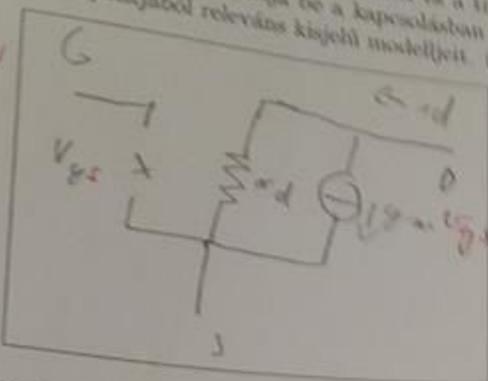
$$-9 = \frac{1}{2} \mu_n C_{ox} \frac{W}{L} (V_{GS} - V_{th})^2$$

... feszültségek mérőirányainak és a tranzisztorok elektrólátuk bejelölésével az alábbi ábrákba rajzolja be a kapcsolásban szereplő  $T_1$  és  $T_2$  tranzisztorok kisjelű erősítő szempontjából releváns kisjelű modelljeit. (2 x 10 = 20 pont)

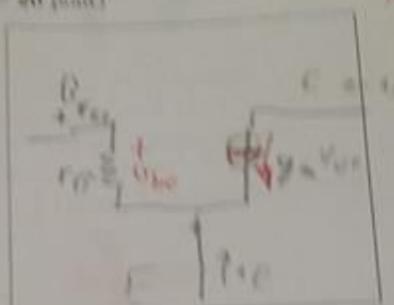
MEVEL  $v_{gs} = 20V$



$T_1$ :



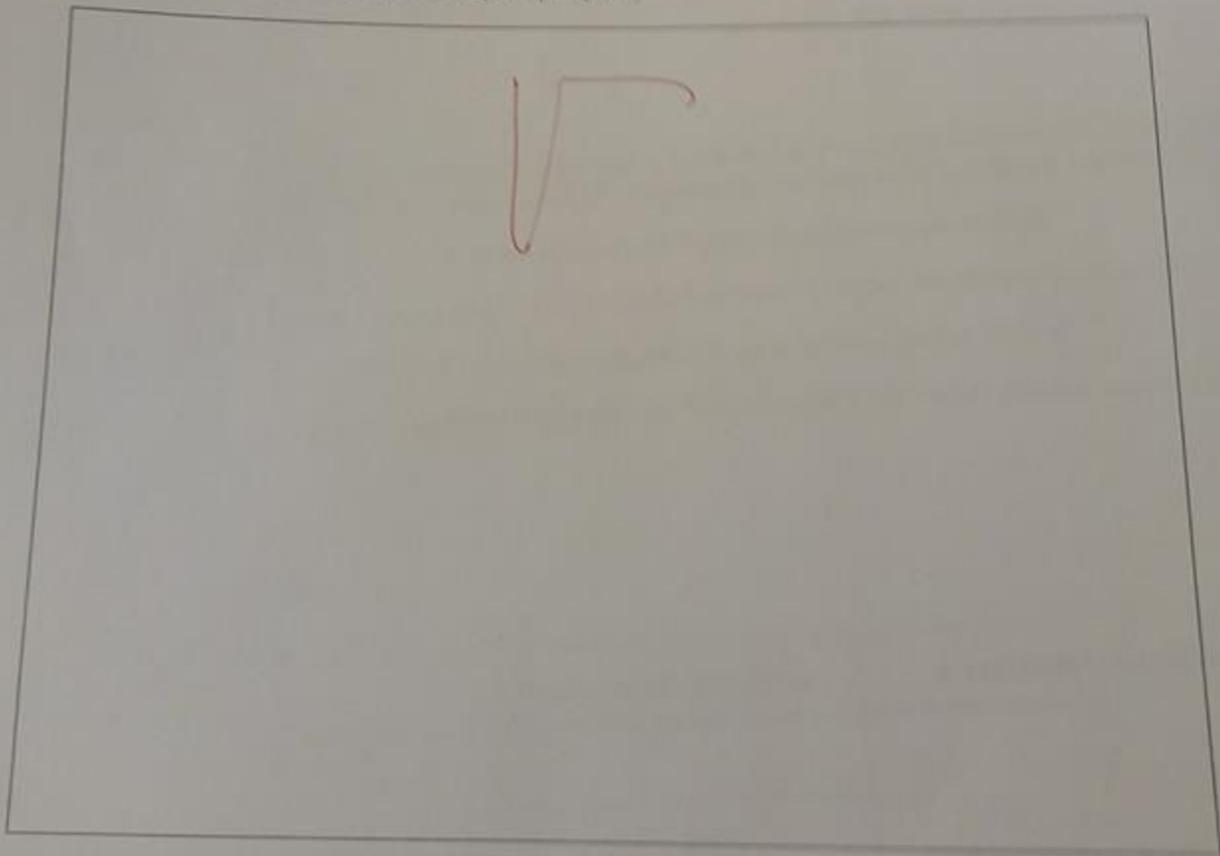
$T_2$ :



- (4.4) Számolja ki és a mértékegységekkel együtt adja meg a  $T_1$  és  $T_2$  tranzisztorok kisjelű modellparamétereinek értékét. (3 x 5 = 15 pont)

$r_{di}^{T_1} = \infty$ 
 $r_{e}^{T_2} = (1 + \beta) \frac{V_T}{I_E} = (1 + 100) \frac{25mV}{1mA} = 25.25 \Omega$ 
 $r_{o}^{T_2} = \frac{1}{\lambda I_C} = \frac{1}{0.02 \cdot 1mA} = 50k\Omega$

- (4.5) Az áramok és feszültségek mérőirányainak bejelölésével az alábbi négyzetbe rajzolja be a teljes erősítő kisjelű helyettesítő képét. (20 pont)



- (4.6) Számolja ki az erősítő  $A_u = v_{out}/v_{in}$  feszültségerősítését, valamint  $R_{be}$  be- és  $R_{ki}$  kimenő ellenállását. (3 x 5 = 15 pont)

$A_u = \infty$ 
 $R_{be} = \infty$ 
 $R_{ki} = \infty$

Részlet számítások: